

Построение таблиц истинности для формул логики

**Цель работы:** Научиться строить таблицы истинности логических высказываний и определять вид формулы алгебры логики

Содержание работы:

**Основные понятия.**

- 1 Логика – наука о законах и формах мышления
- 2 Высказывание (суждение) – некоторое предложение, которое может быть истинно (верно) или ложно
- 3 Сложное логическое выражение – логическое выражение, составленное из одного или нескольких простых (или сложных) логических выражений, связанных с помощью логических операций.
- 4 Алгебра логики – это наука об общих правилах и законах действий над логическими переменными и высказываниями.

5 Самой простой логической операцией является операция **НЕ**, по-другому ее часто называют **отрицанием, дополнением или инверсией** и обозначают NOT ( ). Если  $A$  – истинно, то  $\bar{A}$  – ложно и наоборот. Результат отрицания всегда противоположен значению аргумента. Таблица истинности:

A	$\bar{A}$
0	1
1	0

6 Логическое **И** еще часто называют **конъюнкцией**, или логическим умножением, а **ИЛИ** – **дизъюнкцией**, или логическим сложением. Операция **И** (обозначается «И», «and», «&»,  $A \cdot B$ ,  $A \wedge B$ ) имеет результат «истина» только в том случае, если оба ее операнда истинны. Таблица истинности  $F = A \wedge B$ :

A	B	F
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

7 Операция **ИЛИ** (обозначается «ИЛИ», «or»,  $A + B$ ,  $A \vee B$ ) называется **дизъюнкцией** или логическим сложением и дает «истину», если значение «истина» имеет хотя бы один из операндов. Разумеется, в случае, когда справедливы оба аргумента одновременно, результат по-прежнему истинный. Таблица истинности  $F = A \vee B$ :

A	B	F
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

Операции И, ИЛИ, НЕ образуют полную систему логических операций, из которой можно построить сколь угодно сложное логическое выражение. В вычислительной технике также часто используются операции импликация и эквивалентность.

8 Логическое следование: импликация – связывает два простых логических выражения, из которых первое является условием (A), а второе (B) – следствием из этого условия. Результатом импликации является ЛОЖЬ только тогда, когда условие A истинно, а следствие B ложно. Обозначается символом "следовательно" и выражается словами ЕСЛИ ... , ТО ... Таблица истинности  $F = A \rightarrow B$ :

A	B	F
0	0	1
0	1	1
1	0	0
1	1	1

9 Логическая равнозначность: эквивалентность – определяет результат сравнения двух простых логических выражений A и B. Результатом эквивалентности является новое логическое выражение, которое будет истинным тогда и только тогда, когда оба исходных выражения одновременно истинны или ложны. Обозначается символом "эквивалентности". Таблица истинности  $F = A \leftrightarrow B$ :

A	B	F
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1

14 Порядок выполнения логических операций в сложном логическом выражении:

**1. инверсия** → **2. Конъюнкция** → **3. Дизъюнкция** → **4. Импликация** → **5. Эквивалентность**

15 Для изменения указанного порядка выполнения операций используются круглые скобки.

**Задание** Составить таблицу истинности сложного логического выражения

**Пример выполнения:**

**1 Исходные данные:**

$$F = A \vee \bar{B} \wedge C$$

**Решение:**

1 Определим количество переменных – их 3, значит количество строк в таблице истинности =  $2^3 = 8$  (каждый операнд принимает одно из двух значений – 0 или 1)

2 Определим количество и порядок действий: 3 действия ( $\partial 1 = \bar{B}$ ,  $\partial 2 = \partial 1 \wedge C$  и  $\partial 3 = A \vee \partial 2$ ), значит количество столбцов = 3 (3 переменные) + 3 (3 действия) = 6

3 Составляем таблицу истинности, вписывая в соответствующие ячейки результаты действий, используя правила алгебры логики, например, если  $B = 1$ , то  $\bar{B} = 0$ ;  $\partial 1 = 1$ ,  $C = 1$ , то  $\partial 1 \wedge C = 1$  и т. д.

A	B	C	$\partial 1$	$\partial 2$	$\partial 3$
0	0	0	1	0	0
0	0	1	1	1	1
0	1	0	0	0	0
0	1	1	0	0	0
1	0	0	1	0	1
1	0	1	1	1	1
1	1	0	0	0	1
1	1	1	0	0	1

**2 Исходные данные:**

$$\square (X \rightarrow Y) \wedge (Y \rightarrow Z) \rightarrow (Z \rightarrow X)$$

**Решение:**

1 Расставим действия  $\square \begin{matrix} \partial 1 & \partial 4 & \partial 2 & \partial 5 & \partial 3 \\ (X \rightarrow Y) \wedge (Y \rightarrow Z) \rightarrow (Z \rightarrow X) \end{matrix}$

2 Составим таблицу истинности для исходного выражения:

X	Y	Z	$\partial 1$	$\partial 2$	$\partial 3$	$\partial 4$	$\partial 5$
0	0	0	1	1	1	1	1
0	0	1	1	1	0	1	0
0	1	0	1	0	1	0	1
0	1	1	1	1	0	1	0
1	0	0	0	1	1	0	1
1	0	1	0	1	1	0	1
1	1	0	1	0	1	0	1
1	1	1	1	1	1	1	1

**Задания к практическому занятию**

- |    |   |    |  |
|----|---|----|--|
| 1  | $F = A \vee \bar{B} \vee (\bar{A} \vee C)$          | 16 | $F = A \leftrightarrow C \vee B \rightarrow A$                 |
| 2  | $F = A \rightarrow \bar{B} \vee C$                  | 17 | $F = A \leftrightarrow \bar{C} \vee B \rightarrow \bar{A}$     |
| 3  | $F = B \vee (\bar{A} \leftrightarrow C)$            | 18 | $F = (A \leftrightarrow C) \vee (B \rightarrow A)$             |
| 4  | $F = \bar{B} \vee (A \leftrightarrow C)$            | 19 | $F = A \leftrightarrow C \vee (B \rightarrow \bar{A})$         |
| 5  | $F = A \wedge B \rightarrow \bar{B} \wedge C$       | 20 | $F = A \leftrightarrow (C \vee B \rightarrow A)$               |
| 6  | $F = A \wedge B \leftrightarrow \bar{B} \vee C$     | 21 | $F = (\bar{A} \leftrightarrow C) \vee B \rightarrow A$         |
| 7  | $F = (A \vee \bar{B}) \vee (\bar{A} \rightarrow C)$ | 22 | $F = \bar{A} \leftrightarrow (C \vee \bar{B} \rightarrow A)$   |
| 8  | $F = (A \rightarrow \bar{B}) \vee C$                | 23 | $F = A \wedge (B \rightarrow \bar{C}) \wedge C$                |
| 9  | $F = B \vee C \leftrightarrow \bar{A} \vee \bar{C}$ | 24 | $F = A \wedge (B \leftrightarrow \bar{A}) \vee C$              |
| 10 | $F = \bar{B} \vee (A \wedge C \rightarrow B)$       | 25 | $F = (C \vee \bar{B}) \vee (\bar{A} \vee C)$                   |
| 11 | $F = A \vee B \rightarrow \bar{B} \vee C$           | 26 | $F = A \rightarrow \bar{B} \vee (C \rightarrow B)$             |
| 12 | $F = A \wedge B \leftrightarrow \bar{B} \vee C$     | 27 | $F = (A \wedge B \rightarrow \bar{B}) \wedge (C \vee \bar{A})$ |
| 13 | $F = A \rightarrow \bar{B} \vee (\bar{A} \vee C)$   | 28 | $F = \bar{B} \vee (A \leftrightarrow C) \wedge C$              |
| 14 | $F = \bar{A} \wedge B \rightarrow \bar{B} \vee C$   | 29 | $F = A \wedge B \rightarrow \bar{B} \wedge C$                  |
| 15 | $F = B \vee (\bar{A} \leftrightarrow C) \wedge A$   | 30 | $F = A \wedge B \leftrightarrow \bar{B} \vee C$                |